

# Резюмета на публикациите на Николай Антонов Иванов

1. Nikolay A. Ivanov, *Reduced Free Products of Finite Dimensional  $C^*$ -algebras*, Journal of Functional Analysis, vol. 257, (2009), pages 2351-2377.

*Abstract:*

We find a necessary and sufficient conditions for the simplicity and uniqueness of trace for reduced free products of finite families of finite dimensional  $C^*$ -algebras with specified traces on them.

*Резюме:*

Намираме необходими и достатъчни условия за простота и единственост на следата за редуцирани свободни произведения на крайни семейства от крайномерни  $C^*$ -алгебри със зададени следи.

2. Nikolay A. Ivanov, *The K-theory of Toeplitz  $C^*$ -algebras of Right-angled Artin Groups*, Transactions of the American Mathematical Society, vol. 362, issue 11, (2010), pages 6003-6027.

*Abstract:*

Toeplitz  $C^*$ -algebras of right-angled Artin groups were studied by Crisp and Laca. They are a special case of the Toeplitz  $C^*$ -algebras  $\mathcal{T}(G, P)$  associated with quasi-lattice ordered groups  $(G, P)$  introduced by Nica. Crisp and Laca proved that the so-called "boundary quotients"  $C_Q^*(\Gamma)$  of  $C^*(\Gamma)$  are simple and purely infinite. For a certain class of finite graphs  $\Gamma$  we show that  $C_Q^*(\Gamma)$  can be represented as a full corner of a crossed product of an appropriate  $C^*$ -subalgebra of  $C_Q^*(\Gamma)$  built by using  $C^*(\Gamma')$ , where  $\Gamma'$  is a subgraph of  $\Gamma$  with one less vertex, by the group  $\mathbb{Z}$ . Using induction on the number of the vertices of  $\Gamma$  we show that  $C_Q^*(\Gamma)$  are nuclear and moreover belong to the small bootstrap class. We also use the Pimsner-Voiculescu exact sequence to find their  $K$ -theory. Finally we use the Kirchberg-Phillips classification theorem to show that those  $C^*$ -algebras are isomorphic to tensor products of  $\mathcal{O}_n$  with  $1 \leq n \leq \infty$ .

*Резюме:*

Тъплицовите  $C^*$ -алгебри на правоъгълните артинови групи са изучавани от Крисп и Лака. Те са частни случаи на тъплицовата  $C^*$ -алгебра  $\mathcal{T}(G, P)$ , асоциирана с квази-решетъчно наредените групи  $(G, P)$ , въведени от Ника. Крисп и Лака доказваха, че т. нар. "гранични частни"  $C_Q^*(\Gamma)$  на  $C^*(\Gamma)$  са прости и чисто безкрайни. За определен клас от крайни графи  $\Gamma$  ние показваме, че  $C_Q^*(\Gamma)$  може да бъде представена като цял тъгъл на кръстосано произведение на подходяща  $C^*$ -подалгебра на  $C_Q^*(\Gamma)$ , изградена с помощта на  $C^*(\Gamma')$ , където  $\Gamma'$  е подграф на  $\Gamma$  с единин връх по-малко, и  $\mathbb{Z}$ . Прилагайки индукция по броя на върховете на  $\Gamma$  показваме, че  $C_Q^*(\Gamma)$  са ядрени и освен това принадлежат на малкия индукционен клас. Също така използваме точната редица на Пимснер и Войкулеску за да намерим тяхната  $K$ -теория. Накрая прилагаме класификационната теоремата на Кирхберг и Филипс, за да докажем, че тези  $C^*$ -алгебри са изоморфни на тензорни произ-

ведения на  $C^*$ -алгебрите на Кунц.

3. Nikolay A. Ivanov, *Some Remarks on Noncommutative Instantons*, Current Developments in Differential Geometry and its Related Fields (2016), pages 77-92.

*Abstract:*

We make some comments on noncommutative  $U(N)$ -instantons on  $\mathbb{R}_\theta^4$ . We elaborate on the equations for the ASD-connection for free modules. Further we make some remarks on the computation of the topological index of ADHM instantons.

*Резюме:*

Правим коментари върху некомутативните  $U(N)$ -инстантони в  $\mathbb{R}_\theta^4$ . Разискваме уравнението на анти-автодуалната свързаност за свободни модули. Също така коментираме топологичния индекс на ADHM инстантоните.

4. Nikolay A. Ivanov, Tron Omland,  *$C^*$ -simplicity of Free Products with Amalgamation and Radical Classes of Groups*, Journal of Functional Analysis, vol. 272, (2017), pages 3712-3741.

*Abstract:*

We give new characterizations to ensure that a free product of groups with amalgamation has a simple reduced group  $C^*$ -algebra, and provide a concrete example of an amalgam with trivial kernel, such that its reduced group  $C^*$ -algebra has a unique tracial state, but is not simple.

Moreover, we show that there is a radical class of groups for which the reduced group  $C^*$ -algebra of any group is simple precisely when the group has a trivial radical corresponding to this class.

*Резюме:*

Ние даваме хова характеризация за да бъде приста редуцираната  $C^*$ -алгебра на аламгамирано свободно произведение на групи. Също даваме конкретен пример на такава група с тривиално ядро, за която редуцираната ѝ  $C^*$ -алгебра е с единствена следа, но не е приста.

Накрая показваме, че има радикален клас от групи, за който редуцираната  $C^*$ -алгебра на произволна група е приста тогава и само тогава, когато радикалът на тази група е тривиален.

5. Nikolay A. Ivanov, *Examples of Group Amalgamations with Nontrivial Quasi-kernels*, Serdica Math. J., vol. 46, issue 4, (2020), pages 357-386.

*Abstract:*

We introduce some examples of groups amalgamations motivated by the problems of  $C^*$ -simplicity and unique trace property. Moreover, we prove that our examples are not inner amenable and identify a relatively large, simple, normal subgroup in each one.

*Резюме:*

Представяме някои примери на групови амалгами, мотивирани от въпросите за  $C^*$ -простотата и единствеността на следата. Освен това доказваме, че нашите примери не са вътрешно аменабелни и идентифицираме относително голяма, приста, нормална подгрупа във всеки от примерите.

6. Rasmus Sylvester Bryder, Nikolay A. Ivanov, Tron Omand,  *$C^*$ -simplicity of HNN extensions and groups acting on trees*, Annales de L'institut Fourier, vol 70, issue 4, (2020), pages 1497-1543.

*Abstract:*

We study non-ascending HNN extensions acting on its Bass-Serre tree, and characterize  $C^*$ -simplicity and the unique trace property by means of the kernel and quasi-kernels of the HNN extension in question. We also present a concrete example of an HNN extension that is a new example of a group that is not  $C^*$ -simple but does have the unique trace property. Additionally, we include certain more general results, mostly based on previous work of various authors, concerning  $C^*$ -simplicity of groups admitting extreme boundary actions, and in particular, groups acting on trees.

*Резюме:*

Изучаваме неиздигащи се групови HNN разширения, действащи върху своите дървета на Бас и Сер. Характеризираме  $C^*$ -простотата и единственост на следата чрез ядрата и квази-ядрата на тези HNN разширения. Също представяме конкретен пример на HNN разширение, което е нов пример за група, която не е  $C^*$ -проста, но има единствена следа. Освен това даваме някои по-общи резултати, основно базирани на вече известни резултати разглеждащи  $C^*$ -простота на групи, допускащи екстремални гранични действия и в частност, групи действащи на дървета.

7. (to appear) Nikolay A. Ivanov, *Examples of HNN-extensions with Nontrivial Quasi-kernels*, Ann. Sofia Univ., Fac. Math. and Inf., vol. 107, (2020), pages 101-123.

*Abstract:*

We introduce some examples of HNN-extensions motivated by the problems of  $C^*$ -simplicity and unique trace property. Moreover, we prove that our examples are not inner amenable and identify a relatively large, simple, normal subgroup in each one.

*Резюме:*

Представяме някои примери на групови HNN разширения, мотивирани от въпросите за  $C^*$ -простотата и единствеността на следата. Освен това доказваме, че нашите примери не са вътрешно аменабелни и идентифицираме относително голяма, проста, нормална подгрупа във всеки от примерите.