

**ДОКТОРСКА ПРОГРАМА „МАТЕМАТИЧЕСКИ АНАЛИЗ”**  
**профессионалено направление 4.5 Математика**

**КОНСПЕКТ**  
**за кандидатдокторантски изпит**

1. Теорема за неявната функция.
  2. Подмногообразия в  $R^n$ . Условни екстремуми и множители на Лагранж.
  3. Криволинейни интеграли. Затворени и точни диференциали.
  4. Аналитични функции. Теорема на Коши за резидуите.
  5. Теорема на Брауер за неподвижната точка. Основна теорема на алгебрата.
  6. Лебегова мярка и лебегов интеграл в крайномерни пространства.
  7. Теореми за граничен преход в лебеговия интеграл.
  8. Теореми на Фубини и Тонели.
  9. Теорема на Лебег за диференцируемост на монотонна функция.
  10. Представяне на линейните функционали в  $C[0,1]$ ,  $l_p$  и  $L_p$ .
  11. Хилбертово пространство. Теорема за проекциите. Представяне на ограничените линейни функционали.
  12. Ортонормирани системи. Неравенство на Бесел и равенство на Парсевал. Теорема на Рис-Фишер.
  13. Метрични пространства. Пълнота. Теорема на Бер.
  14. Компактност в метрични пространства.
  15. Пространство  $C(M)$ . Теореми на Арцела-Асколи и на Вайершрас-Стоун.
  16. Банахово пространство. Теорема на Хан-Банах и теореми за отделяне.
  17. Теорема на Банах-Щайнхауз и теорема за състягане на особеностите.
  18. Теореми за отвореното изображение и за затворената графика.
  19. Компактни оператори. Алтернативи на Фредхолм.
  20. Компактни самоспрегнати оператори. Теорема на Хилберт-Шмидт.
  21. Ограничени самоспрегнати оператори в Хилбертово пространство. Спектър и норма.
- Спектрална теорема.
22. Комутативни Банахови алгебри. Максимални идеали. Теорема на Гелфанд-Мазур.

**Литература**

1. Л. Люстерник, В. Соболев, Елементи функционального анализа, „Наука“, Москва, 1965.
2. У. Рудин, Функциональный анализ, „Мир“, Москва, 1975.
3. У. Рудин, Реален и комплексен анализ. „Наука и изкуство“, София, 1984.
4. Л. Алфорс, Увод в теорията на аналитичните функции, „Наука и изкуство“, София, 1971
5. Е. Титчмарш, Теория функций, „Наука“, Москва, 1980.
6. Ив. Проданов, Увод във функционалния анализ, I-ва и II-ра част, „Наука и изкуство“, София, 1982